

الگوریتم ژنتیک

1- مقدمه

محدوده کاری الگوریتم ژنتیک بسیار وسیع می باشد و هر روز با پیشرفت روزافزون علوم و تکنولوژی استفاده از این روش در بهینه سازی و حل مسائل بسیار گسترش یافته است. الگوریتم ژنتیک یکی از زیر مجموعه های محاسبات تکامل یافته می باشد که رابطه مستقیمی با مبحث هوش مصنوعی دارد در واقع الگوریتم ژنتیک یکی از زیر مجموعه های هوش مصنوعی می باشد. الگوریتم ژنتیک را می توان یک روش جستجوی کلی نامید که از قوانین تکامل بیولوژیک طبیعی تقلید می کند. الگوریتم ژنتیک بر روی یکسری از جواب های مساله به امید بدست آوردن جوابهای بهتر قانون بقای بهترین را اعمال می کند. در هر نسل به کمک فرآیند انتخابی متناسب با ارزش جواب ها و تولید مثل جواب-های انتخاب شده به کمک عملگرهایی که از ژنتیک طبیعی تقلید شده اند، تقریب های بهتری از جواب نهایی بدست می آید. این فرایند باعث می شود که نسلهای جدید با شرایط مساله سازگارتر باشد.

2- تاریخچه

حساب تکاملی برای اولین بار در سال 1960 توسط آقای ریچنبرگ ارائه شد که تحقیق وی در مورد استراتژی تکامل بود. بعدها نظریه او توسط محققان زیادی مورد بررسی قرار گرفت تا اینکه الگوریتم ژنتیک (GA) توسط جان هولند (John Holland) و در سال 1975 در دانشگاه میشیگان، ارائه شد. در سال 1992 نیز جان کوزا (John Koza) از الگوریتم ژنتیک (GA) برای حل و بهینه سازی مسائل مهندسی پیشرفته استفاده کرد و توانست برای اولین بار روند الگوریتم ژنتیک (GA) را به زبان کامپیوتر در آورد و برای آن یک زبان برنامه نویسی ابداع کند که به این روش برنامه نویسی، برنامه نویسی ژنتیک (GP) گویند و نرم افزاری که توسط وی ابداع گردید به نرم افزار LISP مشهور است که هم اکنون نیز این نرم افزار کاربرد زیادی در حل و بهینه سازی مسائل مهندسی پیدا کرده است.

1-2 تاریخچه بیولوژیکی

بدن هر موجود زنده ای از سلول تشکیل یافته است و هر سلول هم از کروموزوم تشکیل یافته است. کروموزومها نیز از رشته های DNA تشکیل یافته اند. کروموزومها هم از ژن تشکیل یافته اند. و به هر بلوک DNA یک ژن می گویند و هر ژن نیز از یک پروتئین خاص و منحصر به فرد تشکیل یافته است. و به مجموعه از ژنها یک ژنوم (Genome) می گویند.

3- ساختار الگوریتم های ژنتیکی

به طور کلی، الگوریتم های ژنتیکی از اجزاء زیر تشکیل می شوند:

1. کروموزوم¹

در الگوریتم های ژنتیکی، هر کروموزوم نشان دهنده یک نقطه در فضای جستجو و یک راحل ممکن برای مسئله مورد نظر است. خود کروموزومها (راه حلها) از تعداد ثابتی ژن² (متغیر) تشکیل می شوند. برای نمایش کروموزومها، معمولاً از کدگذاری های دودویی (رشته های بیتی) استفاده می شود.

2-3 جمعیت³

مجموعه ای از کروموزومها یک جمعیت را تشکیل می دهند. با تاثیر عملگرهای ژنتیکی بر روی هر جمعیت، جمعیت جدیدی با همان تعداد کروموزوم تشکیل می شود.

3-3 تابع برازندگی⁴

¹ Chromosome
² Gene
³ Population
⁴ Fitness Function

به منظور حل هر مسئله با استفاده از الگوریتم‌های ژنتیکی، ابتدا باید یک تابع برازندگی برای آن مسئله ابداع شود. برای هر کروموزوم، این تابع عددی غیر منفی را برمی‌گرداند که نشان دهنده شایستگی یا توانایی فردی آن کروموزوم است.

4-3 عملگرهای الگوریتم ژنتیک

در الگوریتم‌های ژنتیکی، در طی مرحله تولید مثل⁵ از عملگرهای ژنتیکی استفاده می‌شود. با تاثیر این عملگرها بر روی یک جمعیت، نسل⁶ بعدی آن جمعیت تولید می‌شود. عملگرهای انتخاب⁷، آمیزش⁸ و جهش⁹ معمولاً بیشترین کاربرد را در الگوریتم‌های ژنتیکی دارند.

1. عملگر انتخاب (Selection):

این عملگر از بین کروموزوم‌های موجود در یک جمعیت، تعدادی کروموزوم را برای تولید مثل انتخاب می‌کند. کروموزوم‌های برانده‌تر شانس بیشتری دارند تا برای تولید مثل انتخاب شوند.

روش های انتخاب :

• Elitist Selection (انتخاب نخبگان)

○ مناسب‌ترین عضو هر اجتماع انتخاب می‌شود. با توجه به مقدار شایستگی که از تابع ارزیابی دریافت کرده است.

• نمونه‌برداری به روش چرخ رولت

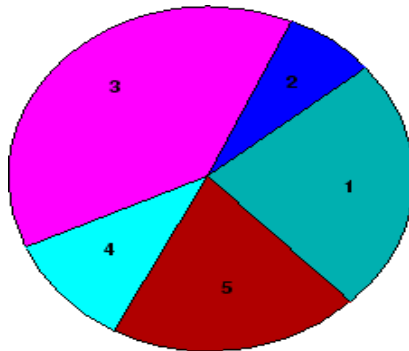
در این روش، به هر فرد قطعه‌ای از یک چرخ رولت مدور اختصاص داده می‌شود. اندازه این قطعه متناسب با برازندگی آن فرد است. چرخ N بار چرخانده می‌شود که N تعداد افراد در جمعیت است. در هر چرخش، فرد زیر نشانگر چرخ انتخاب می‌شود و در مخزن والدین نسل بعد قرار می‌گیرد. این روش می‌تواند به صورت زیر پیاده‌سازی شود:

1. نرخ انتظار کل افراد جمعیت را جمع کنید و حاصل آن را T بنامید.

2. مراحل زیر را N بار تکرار کنید:

یک عدد تصادفی r بین 0 و T انتخاب کنید.

در میان افراد جمعیت بگردید و نرخ‌های انتظار (مقدار شایستگی) آنها را با هم جمع کنید تا این که مجموع بزرگتر یا مساوی r شود. فردی که نرخ انتظارش باعث بیشتر شدن جمع از این حد می‌شود، به عنوان فرد برگزیده انتخاب می‌شود.



Population	Fitness
1	25.0
2	5.0
3	40.0
4	10.0
5	20.0

شکل 2 نحوه ارزیابی شایستگی در چرخ رولت

• Tournament Selection (انتخاب تورنومنت):

یک زیر مجموعه از صفات یک جامعه انتخاب می‌شوند و اعضای آن مجموعه با هم رقابت می‌کنند و سرانجام فقط یک صفت از هر زیرگروه برای تولید انتخاب می‌شوند.

2. عملگر آمیزش (Crossover):

⁵ Reproduction
⁶ Generation
⁷ Selection
⁸ Crossover
⁹ Mutation

در جریان عمل تلیفیک به صورت اتفاقی بخشهایی از کروموزوم ها با یکدیگر تعویض می شوند. این موضوع باعث می شود که فرزندان ترکیبی از خصوصیات والدین خود را به همراه داشته باشند و دقیقاً مشابه یکی از والدین نباشند. هدف تولید فرزند جدید می باشد به این امید که خصوصیات خوب دو موجود در فرزندشان جمع شده و یک موجود بهتری را تولید کند.

روش کار به صورت زیر است:

بصورت تصادفی یک نقطه از کروموزوم را انتخاب می کنیم

ژن های مابعد آن نقطه از کروموزوم ها را جابجا می کنیم

• **تلیفیک تک نقطه ای (Single Point Crossover)**

اگر عملیات تلیفیک را در یک نقطه انجام دهیم به آن تلیفیک تک نقطه ای می گویند.

تلیفیک بدین صورت انجام می گیرد که حاصل ترکیب کروموزومهای پدر و مادر می باشد. روش تولید مثل

نیز بدین صورت است که ابتدا بصورت تصادفی نقطه ای که قرار است تولید مثل از آنجا آغاز گردد

انتخاب می گردد. سپس اعداد بعد از آن به ترتیب از بیت های کروموزومهای پدر و مادر قرار می گیرد که

در شکل زیر نیز نشان داده شده است.

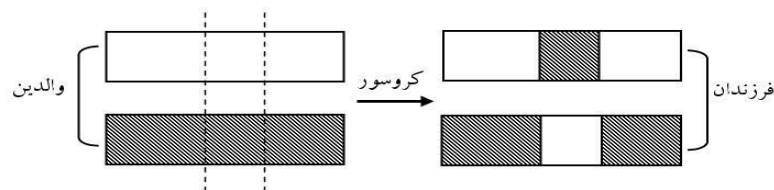
Chromosome 1	11011 00100110110
Chromosome 2	11011 11000011110
Offspring 1	11011 11000011110
Offspring 2	11011 00100110110

شکل 3 یک نمونه تلیفیک (آمیزش)

در شکل بالا کروموزومهای 1 و 2 در نقش والدین هستند. و حاصل تولید مثل آنها در رشته هائی بنام Offspring ذخیره شده است. دقت شود که علامت "|" مربوط به نقطه شروع تولید مثل می باشد و در رشته های Offspring اعدادی که بعد از نقطه شروع تولید مثل قرار می گیرند مربوط به کروموزومهای مربوط به خود می باشند. بطوریکه اعداد بعد از نقطه شروع مربوط به Offspring 1 مربوط به اعداد بعد از نقطه شروع مربوط به کروموزوم 1 و اعداد بعد از نقطه شروع تولید مثل مربوط به Offspring 2 مربوط به اعداد بعد از نقطه شروع تولید مثل مربوط به کروموزوم 2 می باشند

• **روش ادغام دو نقطه ای (Two-point Crossover):**

در این روش دو مکان را به صورت تصادفی انتخاب کرده و مقادیر بین این دو نقطه را جابجا می کنیم.

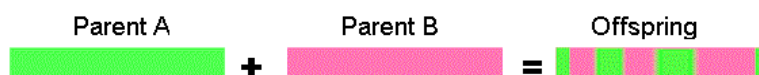


• **تلیفیک نقطه ای (Multipoint Crossover):**

می توانیم این عملیات را در چند نقطه انجام دهیم ، که به آن باز ترکیبی چند نقطه ای می گویند

• **تلیفیک جامع (Uniform Crossover):**

اگر تمام نقاط کروموزوم را بعنوان نقاط باز ترکیبی انتخاب کنیم به آن باز ترکیبی جامع می گوئیم. (مثال)



3-4-3. عملگر جهش (Mutation):

پس از اتمام عمل آمیزش، عملگر جهش بر روی کروموزوم‌ها اثر داده می‌شود. این عملگر يك ژن از يك کروموزوم را به طور تصادفي انتخاب نموده و سپس محتوای آن ژن را تغییر می‌دهد. اگر ژن از جنس اعداد دودویی باشد، آن را به وارونش تبدیل می‌کند و چنانچه متعلق به يك مجموعه باشد، مقدار یا عنصر دیگری از آن مجموعه را به جای آن ژن قرار می‌دهد. در شکل 2 چگونگی جهش یافتن پنجمین ژن يك کروموزوم نشان داده شده است.

پس از اتمام عمل جهش، کروموزوم‌های تولید شده به عنوان نسل جدید شناخته شده و برای دور بعد اجرای الگوریتم ارسال می‌شوند.

شکل 4 يك کروموزوم قبل و بعد از اعمال عملگر جهش

جهش
0 1 1 1 0 0 0 1 0 1
0 1 1 1 0 1 0 1 0 1
محل جهش

4- روند کلی الگوریتم‌های ژنتیکی

قبل از این که يك الگوریتم ژنتیکی بتواند اجرا شود، ابتدا باید کدگذاری (یا نمایش) مناسبی برای مسئله مورد نظر پیدا شود. معمولی‌ترین شیوه نمایش کروموزوم‌ها در الگوریتم ژنتیک به شکل رشته‌های دودویی است. هر متغیر تصمیم‌گیری به صورت دودویی در آمده و سپس با کنار هم قرار گرفتن این متغیرها کروموزوم ایجاد می‌شود. گرچه این روش گسترده‌ترین شیوه کدگذاری است اما شیوه‌های دیگری مثل نمایش با اعداد حقیقی در حال گسترش هستند. همچنین يك تابع برازندگی نیز باید ابداع شود تا به هر راه حل کدگذاری شده ارزشی را نسبت دهد. در طی اجرا، والدین برای تولید مثل انتخاب می‌شوند و با استفاده از عملگرهای آمیزش و جهش با هم ترکیب می‌شوند تا فرزندان جدیدی تولید کنند. این فرآیند چندین بار تکرار می‌شود تا نسل بعدی جمعیت تولید شود. سپس این جمعیت بررسی می‌شود و در صورتی که ضوابط همگرایی رآورده شوند، فرآیند فوق خاتمه می‌یابد.

BEGIN

$t=0;$

Initialize $P(t);$

{جمعیت اولیه ایجاد می‌شود}

Evaluate $P(t);$

{عناصر $P(0)$ توسط مقادیر برازندگی نشاندار می‌شوند}

DO شرایط خاتمه ارضا نشده **WHILE**

BEGIN

$t=t+1;$

Select $P(t)$ from $P(t-1);$ {اجرای عملگر انتخاب و لیست والدین فراهم می‌شود}

Crossover $P(t);$ {اجرای عملگر کراس‌اور و لیست فرزندان فراهم می‌شود}

Mutation $P(t);$ {اجرای عملگر جهش و لیست جمعیت جدید حاصل می‌شود}

Evaluate $P(t);$ {عناصر $P(t)$ توسط مقادیر برازندگی نشاندار می‌شوند}

END

END.

جمعیت اولیه

ارزیابی جوابها

آیا جواب مورد نظر حاصل شده؟

پایان

انتخاب

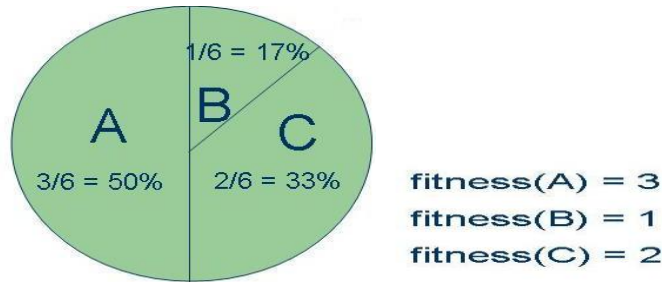
تلفیق
بله
جهش
 $1+T=T$
 $0=T$
خیر
شروع

شکل 5 کد برنامه مجازی الگوریتم ژنتیک ساده و فلوچارت آن

5- روند کلی بهینه سازی و حل مسائل در الگوریتم ژنتیک :

1-5 شروع (Start) : تولید تصادفی یک جمعیت (Population) که شامل تعداد زیادی کروموزوم (روشهای حل مسئله است) می باشد.

2-5-صحت و درستی (Fitness): ارزیابی صحت برای تابع $f(x)$ به ازای هر کروموزوم x در جمعیت.



شکل 6 نحوه ارزیابی تابع شایستگی در چرخ رولت

3-5- ایجاد یک جمعیت جدید (New Population): تولید یک جمعیت جدید با انجام تمامی زیر گروههای زیر تا آنکه یک جمعیت جدید ایجاد گردد.

1-3-5 انتخاب (Selection): انتخاب کروموزومهای پدر و مادر از جمعیت قبلی با توجه به صحت و درستی آن (Fitness). بطوریکه هر چه Fitness بهتر باشد (دقت جواب در همگرایی بیشتر باشد) شانس بیشتری برای انتخاب دارد.

2-3-5 تولید مثل (Crossover): انجام زاد و ولد و ایجاد یک نسل جدید.

3-3-5 جهش (Mutation): مشخص شدن مکان فرزند تولید شده در کروموزوم

4-3-5 پذیرش (Accepting): جا دادن فرزند جدید در داخل جمعیت.

4-5 جایگزینی (Replace): جایگزینی جمعیت جدید به جای جمعیت قبلی و مورد استفاده قرار دادن جمعیت جدید در مراحل بعدی الگوریتم

5-5 امتحان (Test): اگر شرایط مطلوب در حل مسئله ارضا شد اعلام میکنیم که به بهترین جواب رسیده ایم و از الگوریتم خارج می شویم در غیر این صورت به مرحله 2 یعنی Fitness میرویم و دوباره همین روند را تکرار می کنیم.

6- شرط پایان الگوریتم

چون که الگوریتم های ژنتیک بر پایه تولید و تست می باشند، جواب مساله مشخص نیست و نمی دانیم که کدامیک از جواب های تولید شده جواب بهینه است تا شرط خاتمه را پیدا شدن جواب در جمعیت تعریف کنیم. به همین دلیل، معیارهای دیگری را برای شرط خاتمه در نظر می گیریم:

1. تعداد مشخصی نسل: می توانیم شرط خاتمه را مثلاً 100 دور چرخش حلقه اصلی برنامه قرار دهیم.
2. عدم بهبود در بهترین شایستگی جمعیت در طی چند نسل متوالی

3. بهترین شایستگی جمعیت تا یک زمان خاصی تغییری نکند.
- شرایط دیگری نیز می توانیم تعریف کنیم و همچنین می توانیم ترکیبی از موارد فوق را به عنوان شرط خاتمه به کار ببندیم.

یک مثال ساده:

ما یک مربع 3×3 داریم که می خواهیم اعدادی بین 1 تا 15 را در این مربع قرار دهیم به طوری که جمع اعداد در هر سطری و ستون برابر 24 شود.

24=	N	N
24=		
24=		
N		
N	N	N
N	N	N
=	=	=
24	24	24

این مسئله تا حدودی پیچیده است. ممکن است یک انسان بتواند آن را در مدت زمانی مشخص حل کند ولی هیچ گاه یک کامپیوتر نخواهد توانست آن را در مدت زمان کوتاهی با استفاده از اعداد تصادفی حل کند. ولی الگوریتم ژنتیک می تواند این مشکل را حل کند.

نسل اول

اولین گام ایجاد کردن یک نسل ابتدایی برای شروع کار است که شامل تعدادی ژنوم تصادفی است. این ژنوم ها به صورت باینری (0 و 1) نشان داده می شوند. حالا مثال مان:

اول یکسری عدد به صورت تصادفی تولید می شوند. هر ژنوم یا کروموزوم شامل اطلاعاتی برای هر 9 جای خالی است. چون این اعداد مقادیر بین 0 تا 15 دارند می توان آنها را با 4 بیت یا 2⁴ داده نمایش داد. پس هر ژنوم شامل 36 بیت است.

یک نمونه ژنوم می تواند به شکل زیر باشد:

Bits (Genes) 0110 1100 1111 1011 0100 1010 0111 0101 1110

Values(Traits) 6 12 15 11 4 10 7 5 14

حالا باید به هر ژنوم در مجموعه یک عدد تناسب (Fitness) بنابر تاثیر آن در حل مسئله نسبت داد. فرآیند و روش محاسبه این عدد برای هر مسئله فرق می کند. انتخاب الگوی مناسب برای مسئله مشکلترین و حساسترین بخش در حل مسئله ژنتیک است. در این مثال ما اعداد را در مکان هایشان جایگذاری می کنیم و بررسی می کنیم که چقدر با جواب اصلی فاصله دارند.

=33	12	6
=25		

=26		
33=		
25=		
26=		
15		
10	4	11
14	5	7
=	=	=
39	21	24

مقادیر معادل عبارتند از 33 و 25 و 26 و 24 و 21 و 39. واضح است که این مقادیر مسئله را حل نمی کنند پس باید مقادیر تناسب را برای این ژنوم محاسبه کرد. برای این کار ابتدا فاصله هر مجموع را از 24 محاسبه کرده، سپس معکوس مجموع تفاصل آنها را محاسبه می کنیم .

بنابراین درجه تناسب برای این ژنوم تقریباً برابر 0.033 است. هر چقدر که اعداد ما به جواب نزدیکتر باشند عدد تناسب بزرگتر خواهد شد. اما اگر مخرج ما برابر 0 شود چه اتفاقی می افتد؟ در این صورت همه اعداد ما برابر 24 شده اند و ما به جواب رسیده ایم.

نسل بعدی: دو ژنوم (کروموزوم) به طور تصادفی برای تولید نسل بعدی انتخاب می شوند. این اصلی ترین بخش الگوریتم ژنتیک است که از 3 مرحله تشکیل شده:

1-انتخاب

دو ژنوم به طور تصادفی از نسل قبل انتخاب می شوند. این ژنوم ها دارای اعداد تناسب بزرگتری هستند و بعضی صفات آنها به نسل بعدی منتقل می شوند. این بدین معنی است که عدد تناسب در حال افزایش خواهد بود.

بهترین روش برای تابع انتخاب (Fitness) در این مسئله روشی به نام رولت (Roulette) است. اول یک عدد تصادفی بین 0 و عدد تناسب نسل قبلی انتخاب می شود. تابع انتخاب به صورت زیر خواهد بود:

RouletteSelection()

```
{  
    float ball = rand_float_between(0.0, total_fitness);  
    float slice = 0.0;  
  
    for each genome in population  
    {  
        slice += genome.fitness; //مقدار شایستگی هر ژنوم (کروموزوم) با ژنوم های بعدی جمع میشود  
        if slice > ball
```

```
    return genome;  
  }  
}
```

2- تلفیق (Crossover)

حالا دو ژنوم بخشی از ژنهایشان را برای ایجاد نسل بعدی اهدا می کنند. اگر آنها تغییر پیدا نکنند همانطور بی تغییر به نسل بعدی منتقل خواهند شد. درجه Crossover نشان دهنده این است که هر چند وقت یکبار ژنوم ها تغییر پیدا خواهند کرد و این عدد باید در حدود 65-85% باشد.

عملگر تغییر در ژنوم های باینری مثال ما با انتخاب یک مکان تصادفی در ژنوم برای تغییر آغاز می شود. بخش اول ژنهای پدر و بخش دوم ژنهای مادر با هم ترکیب می شوند (و بالعکس) تا 2 فرزند تولید شوند. در زیر یک عمل تغییر را می بینیم.

Before Crossing

001011011000111011010000 011110010011 **Father**

010101111101000100010010 010100111110 **Mother**

After Crossing

Child1 011110010011 010101111101000100010010

Child2 010100111110 001011011000111011010000

3- جهش (Mutation)

قبل از این که ژنوم ها در نسل بعدی قرار بگیرند، احتمال دارد دچار جهش یا تغییر ناگهانی شوند. جهش یک تغییر ناگهانی در ژن است. در ژنهای باینری این تغییر به معنای تغییر یک بیت از 0 به 1 یا از 1 به 0 است. درجه جهش نشان دهنده احتمال بروز جهش در یک ژن است و تقریباً بین 1-5% برای ژنهای باینری و 5-20% برای ژنهای عددی است.

این روند تا تولید نسل های متعددی ادامه می یابد تا در نهایت به جواب برسیم.

7- برخی از کاربرد الگوریتم های ژنتیکی

توپولوژی های شبکه های کامپیوتری توزیع شده.

بهینه سازی ساختار ملکولی شیمیایی (شیمی)

Crooked-Wire Genetic Antenna ساخت آنتنهای

مهندسی نرم افزار

بازی های کامپیوتری

مهندسی مواد

مهندسی سیستم

رباتیک (Robotics)

تشخیص الگو استخراج داده (Data mining)

حل مسئله فروشنده دوره گرد

آموزش شبکه های عصبی مصنوعی

یاددهی رفتار به رباتها با GA.

یادگیری قوانین فازی با استفاده از الگوریتم های ژنتیک.

8- نتیجه گیری

الگوریتم‌های ژنتیک الگوریتم‌هایی هستند که دارای قدرت بسیار زیادی در یافتن جواب مسئله هستند، اما باید توجه داشت که شاید بتوان کاربرد اصلی این الگوریتم‌ها را در مسائلی در نظر گرفت که دارای فضای حالت بسیار بزرگ هستند و عملاً بررسی همه حالت‌ها برای انسان در زمان‌های نرمال (در حد عمر بشر) ممکن نیست. از طرفی باید توجه داشت که حتماً بین حالات مختلف مسئله باید دارای پیوستگی مناسب و منطقی باشیم. در نهایت الگوریتم‌های ژنتیک این امکان را به ما می‌دهد که دارای حرکتی سریع در فضای مسئله به سوی هدف باشیم. به گونه‌ای که می‌توانیم تصور کنیم که در فضای حالات مسئله به سوی جواب مشغول پرواز هستیم.